



Informazioni importanti per la gara. Leggi con attenzione!

- La risposta da consegnare per ciascun problema è un numero in notazione scientifica, eventualmente negativo. Prestare attenzione al fatto che abbia al più 4 cifre dopo la virgola (o punto).
- Le dimensioni fisiche della risposta sono indicate sotto ogni problema. Può essere presente anche una potenza di 10 per facilitare l'inserimento. Tale potenza non è detto che corrisponda all'ordine di grandezza della risposta esatta. **Esempio:** se l'unità di misura indicata è 10⁻³ m e la risposta corretta è 15 cm, il numero da inserire è 1.50 × 10².
- Le risposte saranno giudicate corrette entro un range di validità stabilito per ogni domanda nell'apposita tabella. Detta X la risposta esatta e p la percentuale in tabella convertita in numero decimale (Es.: 0.5% = 0.005), una risposta Y viene considerata corretta se vale:

$$\frac{X}{1+p} \le Y \le (1+p)X$$

e similmente per numeri negativi.

- Nella risoluzione dei problemi può essere necessario utilizzare delle costanti universali, i cui valori, da considerarsi esatti, sono riportati nell'apposita tabella a fine documento.
- È consentito l'uso di strumenti da disegno (righe, squadre, compassi) e delle calcolatrici che vengono ammesse all'Esame di Stato. Non è consentito l'uso di internet, né di ogni comunicazione con l'esterno durante la gara. Non è possibile consultare libri, dispense o eserciziari. È permesso portare cibo e medicine durante la gara.
- I problemi **non** sono riportati in ordine di difficoltà.
- Per qualsiasi domanda sul testo, rivolgersi agli organizzatori all'apposito bancone entro la prima metà della gara.

Materiale elaborato dalla collaborazione fra

Gruppo OliFis e Gruppo GaS

La lista dei collaboratori è reperibile all'indirizzo https://gas.olifis.it/about-us/

NOTA BENE

Il seguente materiale è distribuito secondo la licenza CC-BY-NC. È possibile utilizzare, riprodurre, distribuire, comunicare al pubblico questo materiale alle due seguenti condizioni: citare la fonte; non usare il materiale, nemmeno parzialmente, per fini commerciali. I dettagli della licenza CC-BY-NC si possono leggere all'url https://creativecommons.org/licenses/by-nc/2.0/it/.







P1 Chitarra scordata

Fabio sta cercando di accordare una corda della sua chitarra. Per farlo, si aiuta con un diapason che vibra alla frequenza di 440 Hz. Quando Fabio suona contemporaneamente il diapason e la corda, sente l'intensità del suono risultante aumentare e diminuire periodicamente, con periodo di 0.87 s. Allora Fabio aumenta leggermente la tensione della corda, e stavolta l'intensità del suono risultante aumenta e diminuisce ogni 1.75 s. Quanto valeva la frequenza del suono emesso originariamente dalla corda?

Unità di misura: Hz. Precisione richiesta: 0.02%.

\mathcal{P}_2 Velocità di fuga –

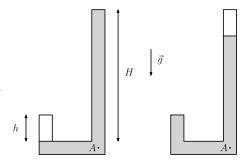
Un satellite viene lanciato dalla superficie terrestre in direzione radiale, con la minima velocità necessaria ad allontanarsi indefinitamente. Quanto tempo è necessario affinché esso percorra una distanza pari al raggio della Terra?

Nota: si ignorino gli effetti della rotazione terrestre e della resistenza atmosferica.

Unità di misura: s. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_3 J sigillata

Un contenitore sigillato, a forma di "J" con angoli squadrati come in figura (sinistra), è appoggiato su un piano. Un braccio verticale è lungo $h=5\,\mathrm{cm}$ ed è pieno d'aria, mentre l'altro braccio verticale è lungo $H=25\,\mathrm{cm}$ ed è pieno d'acqua. I due bracci hanno sezione uguale e sono connessi da un braccio orizzontale pieno d'acqua. A un certo punto, il contenitore viene inclinato in modo da far salire l'intera bolla d'aria in cima al braccio verticale più lungo, e poi viene riappoggiato sul piano, come in figura (destra). Quanto vale la differenza tra la pressione, calcolata nel punto A, nella nuova configurazione e quella nella vecchia configurazione?



Nota: si assuma che il processo avvenga a temperatura costante e che l'acqua sia un fluido incomprimibile.

Unità di misura: Pa. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_4 Boa di tungsteno –

Un guscio sferico, avente raggio esterno r, spessore 2 mm e densità $19250 \,\mathrm{kg/m^3}$, galleggia sull'acqua immerso esattamente per metà del suo volume. Quanto vale r?

Unità di misura: m. Precisione richiesta: 2.0%.

P₅ Specchio relativistico —

Marco punta un laser, che emette luce di lunghezza d'onda 460 nm, contro uno specchio che si allontana da lui alla velocità di 0.2c. La luce si riflette ortogonalmente sullo specchio e torna nel punto in cui si trova Marco, dove egli ne misura la lunghezza d'onda λ . Qual è il valore di λ misurato da Marco?

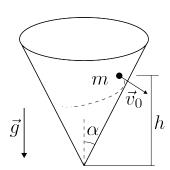
Unità di misura: nm. Precisione richiesta: 0.5%.





P6 Traiettorie sul cono

Un punto materiale di massa $100\,\mathrm{g}$, immerso nel campo gravitazionale terrestre, è vincolato a muoversi senza attrito sulla superficie di un cono di semiapertura $\alpha=15^\circ$, come in figura. L'asse del cono è verticale, il suo vertice punta verso il basso e la sua altezza è sufficiente a non far fuoriuscire l'oggetto. Quest'ultimo viene messo in moto con una velocità $v_0=0.5\,\mathrm{m/s}$ diretta orizzontalmente, a una quota verticale di $h=10\,\mathrm{cm}$ rispetto al vertice del cono. Quanto vale il modulo della differenza fra la quota massima e la quota minima che l'oggetto raggiunge durante il suo moto?



Unità di misura: m. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_7 Orologio a pendolo

Il pendolo di un orologio, progettato per funzionare correttamente quando si trova a una temperatura di 0 °C, è costituito da un'asta sottilissima, di massa 100 g e lunghezza 75 cm, alla cui estremità libera è fissato il centro di un disco di spessore trascurabile, massa 2 kg e raggio 10 cm. Il disco e l'asta giacciono sullo stesso piano verticale, nel quale sono liberi di compiere piccole oscillazioni. Il materiale con cui sono stati costruiti i due oggetti ha una costante di dilatazione termica lineare pari a $10^{-5} \, \text{K}^{-1}$. Quanto vale la differenza tra il tempo segnato dall'orologio e il tempo reale, dopo che l'orologio è stato messo in funzione per un giorno alla temperatura di $25 \, ^{\circ}\text{C}$?

Unità di misura: s. Precisione richiesta: 0.5%.

P8 Stella lontana

Un pianeta orbita circolarmente attorno a una stella con periodo di 500 giorni terrestri. Osservata dal pianeta, la stella ha un diametro angolare pari a 0.412°. Quanto vale la densità media della stella?

Unità di misura: kg/m³. Precisione richiesta: 0.5%.

P9 Oscillazioni di molecole

Una molecola composta da due atomi di idrogeno può vibrare in modo che la distanza tra i due nuclei oscilli con frequenza di $1.32 \times 10^{14} \, \text{Hz}$. Quanto vale tale frequenza di oscillazione per una molecola composta da un atomo di idrogeno e da uno di deuterio?

Nota: il nucleo dell'idrogeno è composto da un solo protone, mentre quello del deuterio è composto da un protone e un neutrone.

Unità di misura: Hz. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_{10} Linee di campo

Due cariche puntiformi di segno opposto, q_1 e $q_2 = -10q_1$, sono posizionate a una certa distanza l'una dall'altra. Si consideri una linea del campo elettrico che emerge da q_1 formando un angolo di 90° con la congiungente le due cariche. Tale linea di campo cade su q_2 formando un angolo acuto θ con la congiungente le due cariche. Quanto vale θ ?

Unità di misura: rad. Precisione richiesta: 0.5%.





P_{11} E.T.1982

I simpatici abitanti del pianeta E.T.1982 sanno bene che ogni anno dura esattamente 198.2 giorni ETiani. Sapendo che i versi di rivoluzione e rotazione del pianeta sono opposti, quanto vale (in un sistema di riferimento inerziale) il periodo di rotazione del pianeta E.T.1982?

Unità di misura: giorni ETiani. Precisione richiesta: 0.05%.

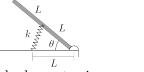
\mathcal{P}_{12} Batterie burlone

La batteria di alcuni dispositivi presenta uno strano comportamento: meno essa è carica, più pare scaricarsi velocemente. Per spiegare questo fenomeno, supponiamo che la tensione ai capi di una batteria valga $V(Q) = \min\{Q/C, 12\,\mathrm{V}\}$, dove $C = 5\,\mathrm{F}$ e Q è la carica residua che la batteria può erogare prima di scaricarsi. Ipotizzando che il dispositivo consumi una potenza costante pari a $1\,\mathrm{W}$, quanto tempo impiega la batteria a scaricarsi completamente se essa è in grado di erogare una carica totale di $120\,\mathrm{C}$?

Unità di misura: s. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_{13} Chiudere una porta –

Una porta di larghezza $2L=0.80\,\mathrm{m}$ (rappresentata figura con una prospettiva dall'alto) è incardinata a un muro, ed è inizialmente ferma e completamente aperta, ossia $\theta=0^{\circ}$. Una molla di lunghezza a riposo nulla e costante elastica $2\times10^3\,\mathrm{N/m}$ connette orizzontalmente il centro



della porta a un punto sul muro, a distanza L dal perno. La molla fa sì che la porta rimanga aperta. Luca vuole chiudere la porta: se riesce a modificarne l'angolo da $\theta=0^{\circ}$ a $\theta=180^{\circ}$, un meccanismo la manterrà chiusa. Luca è in grado di esercitare una forza di modulo costante F, potendo scegliere in ogni istante il punto e la direzione di applicazione. Qual è il minimo valore di F necessario affinché Luca riesca a chiudere la porta?

Unità di misura: N. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_{14} Parole al vento

Un vento a 30 km/h spira diretto da Alice verso Barbara, entrambe sedute su una panchina. Marta arriva e si siede in mezzo, equidistante dalle altre due. Quando Marta parla, quanto vale il rapporto tra l'intensità del suono udito da Alice e l'intensità del suono udito da Barbara? Si supponga che la velocità del suono sia pari a 340 m/s e che la voce di Marta sia approssimabile a un emettitore ideale isotropo.

Unità di misura: adimensionale. Precisione richiesta: 0.5%.

\mathcal{P}_{15} Frigorifero regolabile

Un frigorifero, posizionato in un ambiente con una temperatura di $22\,^{\circ}$ C con il quale scambia calore solo tramite conduzione, è mantenuto a una temperatura costante di $5\,^{\circ}$ C tramite una macchina di Carnot. Consumando una potenza di $39\,\mathrm{W}$, la macchina estrae calore dal frigorifero e lo rilascia nell'ambiente in cui si trova il frigorifero. Quale potenza sarebbe necessaria per mantenere la temperatura del frigorifero a $-5\,^{\circ}$ C, con la stessa temperatura ambiente?

Unità di misura: W. Precisione richiesta: 0.5%.





TAVOLA DI COSTANTI FISICHE

Costante	Simbolo	Valore
COSTANTI FISICHE PRIMARIE [Valori esatti per definizione]		
Velocità della luce nel vuoto	c	$2.99792458 \times 10^8 \mathrm{ms^{-1}}$
Carica elementare	e	$1.602176634 \times 10^{-19} \mathrm{C}$
Costante di Planck	h	$6.62607015 \times 10^{-34} \mathrm{Js}$
Costante di Boltzmann	k_B	$1.380649 \times 10^{-23} \mathrm{JK^{-1}}$
Numero di Avogadro	N_A	$6.02214076 \times 10^{23} \mathrm{mol}^{-1}$
Altre costanti fisiche *		
Costante di gravitazione	G	$6.674 \times 10^{-11} \mathrm{m^3kg^{-1}s^{-2}}$
Permeabilità magnetica del vuoto	μ_0	$4\pi \cdot 1 \times 10^{-7} \mathrm{NA^{-2}}$
Costante dielettrica del vuoto: $1/(\mu_0 c^2)$	ϵ_0	$8.8542 \times 10^{-12} \mathrm{F}\mathrm{m}^{-1}$
Costante elettrostatica: $1/(4\pi\epsilon_0)$	k_{es}	$8.9876 \times 10^9 \mathrm{F^{-1} m}$
Costante di Faraday: $N_A e$	F	$9.6485 \times 10^4 \mathrm{C} \mathrm{mol}^{-1}$
Costante di Stefan-Boltzmann	σ	$5.6704 \times 10^{-8} \mathrm{W} \mathrm{m}^{-2} \mathrm{K}^{-4}$
Raggio di Bohr	a_0	$0.52917772 \times 10^{-10} \mathrm{m}$
Massa del protone	m_p	$1.67262 \times 10^{-27} \mathrm{kg}$
	_	$938.27\mathrm{MeV}/c^2$
Massa del neutrone	m_n	$1.67493 \times 10^{-27} \mathrm{kg}$
		$939.55{ m MeV}/c^2$
Massa dell'elettrone	m_e	$9.1094 \times 10^{-31} \mathrm{kg}$
		$511.00\mathrm{keV}/c^2$
Unità di massa atomica	u	$1.66054 \times 10^{-27} \mathrm{kg}$
Costante universale dei gas	R	$8.31446 \mathrm{J}\mathrm{mol}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$
Dati che possono essere necessari *		
Accelerazione di gravità al suolo	g	$9.80665\mathrm{ms^{-2}}$
Massa della Terra	M_{\oplus}	$5.972 \times 10^{24} \mathrm{kg}$
Massa del Sole	M_{\odot}	$1.988 \times 10^{30} \mathrm{kg}$
Distanza media Terra-Sole	UA	$149.6 \times 10^9 \mathrm{m}$
Raggio terrestre	R_{\oplus}	$6.375 \times 10^6 \mathrm{m}$
Raggio del Sole	R_{\odot}	$6.957 \times 10^8 \mathrm{m}$
Pressione atmosferica standard	p_0	$1.01325 \times 10^5 \mathrm{Pa}$
Temperatura standard di fusione dell'acqua (0°C)	T_0	$273.15\mathrm{K}$
Densità dell'acqua (a 4°C) [†]	$ ho_{ m a}$	$1.000 \times 10^3 \mathrm{kg} \mathrm{m}^{-3}$
Calore specifico dell'acqua (a $20^{\circ}\text{C})^{\dagger}$	$c_{ m a}$	$4.182 \times 10^3 \mathrm{Jkg^{-1}K^{-1}}$
Calore di vaporizzazione dell'acqua (a 100 °C) [†]	$\lambda_{ m v}$	$2.257 \times 10^6 \mathrm{Jkg^{-1}}$
Densità del ghiaccio (a 0°C) [†]	$ ho_{ m g}$	$0.917 \times 10^3 \mathrm{kg} \mathrm{m}^{-3}$
Calore di fusione del ghiaccio	$\lambda_{ m f}$	$3.344 \times 10^5 \mathrm{Jkg^{-1}}$

 $^{^{\}star}$ Valori arrotondati, da considerare esatti nella soluzione dei problemi.

 $^{^\}dagger$ Salvo diversa indicazione, questi dati si potranno utilizzare anche ad altre temperature senza errori importanti.





